

Hallar la traspuesta de la matriz A

$$\text{Hallar } 3A^T + 3B^T$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad A \text{ } 2 \times 2 \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad B \text{ } 2 \times 2$$

Solución del ejercicio

Por definición, en algebra lineal, toda matriz tiene traspuesta y dicha traspuesta significa la generación de una matriz cuyo orden se invierte, es decir, siendo \mathbf{A} $[i,j]$ $n \times m$ entonces la traspuesta de la matriz \mathbf{A} denotada por $\mathbf{A}^T = \mathbf{A}[i,j]$ $m \times n$, es decir, cada elemento de cada fila pasara a ser un elemento de cada columna.

Las propiedades básicas más comunes que maneja la traspuesta de una matriz es la de producto por escalar, ley distributiva en producto, suma/resta y matriz igual al hallar la doble traspuesta.

Entonces, trasponiendo la matriz A se tiene:

$$A^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

A 2x2

$$B^T = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

B 2x2

$$3A^T + 3B^T = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$$

A 2x2